

TTY / Teknisten tieteiden tiedekunta

Kone- ja tuotantotekniikan laitos

MEI-50200 DYNAMIIKAN PERUSTEET, 3 op

Kevät 2015

Jarmo Poutala

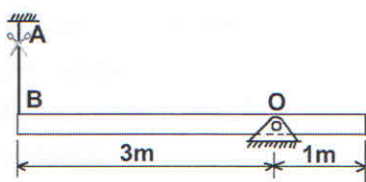
1.Tentti

Kaikki laskimet sallittuja !

ti 19.05.2015

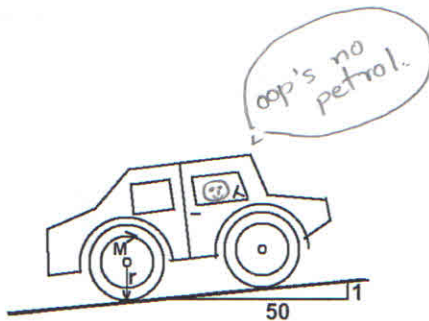
Välikoe 2 Välikokeeseen kuuluvat tehtävät 1-3. (Merkitse V)

Tentti Tenttiin kuuluvat tehtävät 2-5. (Merkitse T)



1. Kuvassa vaakatasossa oleva palkki riippuu vasemmasta päästä B köyden varassa pisteestä A. Palkki on laakeroitu kitkattomasti kohdassa O. Laske palkin kulmakiiktyvyys ja kohdan O tuki-reaktiot hetkellä, kun köysi AB katkaistaan.

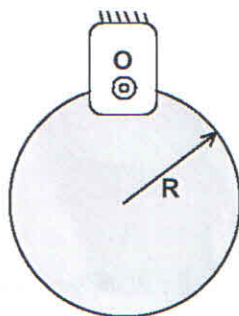
$$m = 200\text{kg} \quad , \quad L = 4\text{m} \quad , \quad J_G = \frac{1}{12}mL^2$$



2. Auto kiihdyttää lipsumatta levosta nopeuteen 100 km/h takapyöriin vaikuttavalla vakiomomentilla M. Määritä aika, mikä nopeuden saavuttamiseen menee, kun auto ajaa ylämäkeen, jonka kaltevuus on kuvan mukaisesti 1:50. Takapyörien säde on r. Auton pyörien hitausmomenttia ja ilman vastusta ei tarvitse huomioida. Auton massa on m.

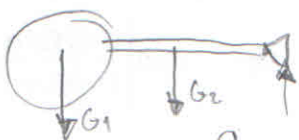
no gasoline in car, v = 0 km/h ; problem is stupid.

$$M = 300\text{ Nm}, \quad m = 1000\text{ kg}, \quad r = 0,35\text{ m}$$



3. Ohut ympyrälevy riippuu kuvassa ulkoreunastaan kohdassa O, mihin se on kitkattomasti laakeroitu. Kun ympyrälevyä poikkeutetaan hieman ja päästetään irti, niin muodosta näin toimivan värähtelijän liikeyhtälö. Kirjoita liikeyhtälö standardimuotoon ja ratkaise ominaiskulmataajuus. Mitoita ympyrälevyn säde R siten, että pienten värähtelyjen jakson aika on 2 s.

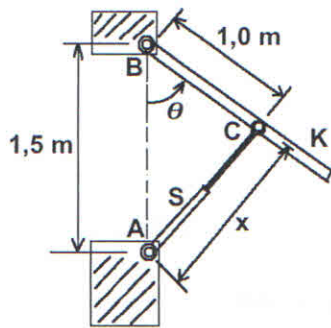
$$J_G = \frac{1}{2}mR^2, \quad m = 1\text{kg}, \quad \sin(\theta) \approx \theta$$



$$O_y - G_1 - G_2 = -m_1 \cdot a_1 - m_2 \cdot a_2 = -m_1 \cdot x \cdot \frac{3}{2}L - \frac{L}{2} \cdot m_2$$

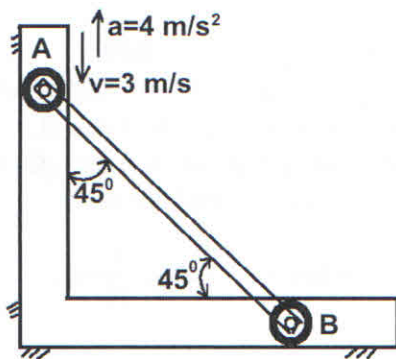
$$N_{oy} = m_1 \left(g - \frac{3L}{8} \alpha \right) + m_2 \left(g - \frac{L}{8} \alpha \right)$$

KÄÄNNÄ!



4. Kuvan seinässä olevaa kantta **K** liikutetaan pneumaattisella sylinterillä **S**. Sylinterin mäntä liikkuu vakionopeudella 1 m/s sylinteristä ulospäin pidentäen väliä AC.

Määritä kannen **K** kulmanopeus ja kulmakiirtyvyys sidotun liikkeen menetelmällä hetkellä, kun kulma $\theta=30^\circ$. $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cdot \cos(\theta)$



5. Kuvan pyörät **A** ja **B** liikkuvat pysty- ja vaakasuuntaisissa johteissa, vastaavasti. Pyörä **A** liikkuu nopeudella $v=3,0$ m/s ja hidastuvuudella $a=4$ m/s² kuvan osoittamaan suuntaan. Määritä vektorialgebran keinoin kuvan asennossa olevan pyörät yhdistävän varren **AB** kulmanopeus ja kulmakiirtyvyys sekä pyörän **B** nopeus ja kiihtyvyys.

AB = 2,0 m

$$\vec{v}_2 = \vec{v}_1 + \vec{\omega} \times \vec{r}_{2/1} + \vec{v}_{rel}$$

$$\vec{a}_2 = \vec{a}_1 + \vec{\alpha} \times \vec{r}_{2/1} - \omega^2 \vec{r}_{2/1} + 2\vec{\omega} \times \vec{v}_{rel} + \vec{a}_{rel}$$

$$F = ma$$

$$T = \frac{1}{2}mv^2 \quad V = mgh \quad W_j = -\frac{1}{2}kx^2 \quad W = \Delta T \quad W_{AB} = -(V(B) - V(A)) = -\Delta V$$

$$T(1) + V(1) = T(2) + V(2) \quad T = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}J_G\omega^2 \quad vdv = ads \quad \omega d\omega = \alpha d\theta$$

$$p = mv \quad I^F = \int_{t_1}^{t_2} F(t)dt = \Delta p \quad \vec{L}_A = \vec{r}_{P/A} \times m\vec{v} \quad I_A^M = \int_{t_1}^{t_2} M_A dt$$

$$J_G = \iiint_V \rho \vec{r}_{P/G}^2 dV \quad J_Q = J_G + m\vec{r}_{P/G}^2$$

$$M_Q = \vec{r}_{G/Q} \times m\vec{a}_Q + J_Q\alpha \quad M_Q = \vec{r}_{G/Q} \times m\vec{a}_G + J_G\alpha \quad M_G = J_G\alpha$$

$$\delta = \ln(u_1 / u_2) = 2\pi\xi / \sqrt{1 - \xi^2} \quad \delta \approx 2\pi\xi \quad \delta = \frac{1}{n} \ln(u_0 / u_1)$$

$$\xi = c / c_k \quad c_k = 2\sqrt{km} \quad \frac{c}{m} = 2\xi\omega$$

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \omega_d = \sqrt{1 - \xi^2} \omega$$

$$\ddot{u} + 2\xi\omega\dot{u} + \omega^2 u = \omega^2 \bar{u}_{st} \sin(\Omega t)$$

$$u_t(t) = \hat{A} \cdot \sin(\Omega t + \varphi)$$

$$\hat{A} = \frac{\bar{u}_{st}}{\sqrt{[1 - (\Omega/\omega)^2]^2 + (2\xi\Omega/\omega)^2}}$$

$$\varphi = \arctan \left[\frac{-2\xi\Omega/\omega}{1 - (\Omega/\omega)^2} \right]$$

