

Kirjallisuus ja muistiinpanot eivät sallittuja. Funktiolaskinta saa käyttää.



	JA	CC	GP	JR
TC	7	5	8	2
FP	7	8	9	4
HF	3	5	7	9
ML	5	5	6	7

1. Farmari Jonesin pitää päättää, montako eekkeriä maissa ja montako eekkeriä vehnää on tänä vuonna kylvettävä. Eekkerin vehnäviljelmä tuottaa 25 vakkaa vehnää ja vaatii 10 tuntia työtä viikossa. Eekkerin maissiviljelmä tuottaa 10 vakkaa maissa ja vaatii 4 tuntia työtä viikossa. Vehnä voidaan myydä hintaan \$4 vakalta ja maissi hintaan \$3 vakalta.

Seitsemän eekkeriä maata ja 40 työtuntia viikossa on käytettävissä. Hallituksen säädökset edellyttävät, että vähintään 30 vakkaa maissa tuotetaan kuluvana vuonna.

Merkitse x_1 :llä maissiviljeltyä eekkerimääriä ja x_2 :lla vehnäviljeltyä eekkerimääriä ja muotoile Jonesin probleema LP-tehtäväksi, jonka ratkaisu kertoo kuinka maissin ja vahnän yhteiset myyntitulot maksimoituvat. Ratkaise myös mallisi graafisesti ja kerro montako eekkeriä kumpaakin lajiketta kylvetään ja mitkä ovat Jonesin saamat myyntitulot.

2. Tutki 2-vaihemenetelmää käytäen, onko seuraavalla LP-mallilla käypää ratkaisualuetta:

$$\min z = 15x_1 + 10x_2 + 9x_3 + 7x_4$$

$$\text{ehdoin } x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 1000$$

$$x_3 \geq 400$$

$$2x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 5x_4 \leq 3300$$

$$3x_1 + 4x_2 + 5x_3 + 6x_4 \leq 4000$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4 \geq 0$$

3. Tom Cruise, Freddy Prinze Jr, Harrison Ford ja Matt LeBlanc ovat joutuneet autiolle saarelle Jennifer Annistonin, Courtney Coxin, Gwyneth Paltrow'n ja Julia Robertsin kanssa. Allaoleva taulukko kertoo paljonko päivittäistä onnellisuutta kertyisi erilaisilla parinmuodostuksilla (rajoitettu vain heterohommiin). Ratkaise unkarilaisella algoritmillä, kuinka parit tulisi muodostaa, jotta päivittäinen kokonaillonellisuus maksimoituisi.

4. Lomakeskuksen lahjatarvaraupassa filmirullien päivittäinen kysyntä on normaalijakautunut keskiarvolla 30 rullaan ja keskihajonnalla 5 rullaan. Rullien varastointi kaupassa aiheuttaa kustannuksia \$0.02 rullaan kohden päivässä. Tilauksen tekemisestä aiheutuu \$30 kustannukset per tilaus. Kaupan varastopolitiikkana on tilata 150 rullaan aina kun varastotaso on pudonnut 80 rullaan ja ylläpitää samalla 20 rullan puskurivarasto.

- a) Millä todennäköisyydellä varasto loppuu toimitusaikana nykyisellä varastopolitiikalla?
- b) Minkälaisista varastopolitiikoista suosittelisit, jos todennäköisyys varaston loppumiselle toimitusaikana ei saa ylittää arvoa 10 % ?

5. Erällä kioskilla, jossa omistaja työskentelee yksinään, asiakkaiden saapumisten välinen aika on eksponentiaalisesti jakautunut keskiarvolla 10 minuuttia. Palveluaika on myös eksponentiaalisesti jakautunut keskiarvolla 6 minuuttia.

- A) Montako prosenttia aukioloajasta kioski on ilman asiakkaita?
- B) Miltä minuuttia asiakas joutuu keskimäärin jonottamaan palveltavaksipäsyä?
- C) Millä todennäköisyydellä asiakas joutuu jonottamaan palvelua?

KÄÄNNÄ!

$$N(0, 1)-\text{distribution: } \Phi(z) = P(x \leq z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^z e^{-t^2/2} dt$$